

## ОТЗЫВ

Официального оппонента на диссертацию П. А. Крачкова  
«Исследование процессов квантовой электродинамики в сильных  
атомных полях при высоких энергиях»,  
представленной на соискание степени кандидата физико-математических наук по  
специальности 01.04.02 - теоретическая физика.

Диссертационная работа П. А. Крачкова посвящена теоретическому исследованию квантово-электродинамических (КЭД) процессов во взаимодействиях лептонов с тяжелыми атомами и ионами, включая упругое рассеяние, тормозное излучение и фоторождение электрон-позитронных пар. Все расчеты проводились в квазиклассическом приближении. Автор убедительно показал, что учет первой поправки к квазиклассическим волновым функциям и функциям Грина приводит не только к уточнению теории, но и к появлению ряда новых эффектов, отсутствующих в главном квазиклассическом приближении.

Диссертация состоит из введения, пяти глав, заключения и двух приложений. Список литературы включает 49 наименований и достаточно полно отражает публикации по теоретическим и экспериментальным исследованиям КЭД эффектов в сильных атомных полях. Общий объем диссертации — 91 страница. **Во введении** обосновывается выбор темы работы и формулируются основные подходы к работе. В частности, объясняется необходимость использовать волновые функции и функции Грина в представлении Фарри. Это позволяет аккуратно учесть кулоновское поле атома, которое становится сильным при больших зарядах ядра  $Z$ . Далее обосновывается применимость квазиклассического приближения к процессам при больших энергиях, которым и посвящена данная работа. После этого кратко излагается содержание работы. В конце введения формулируются положения выносимые на защиту.

В **первой главе** получена квазиклассическая функция Грина уравнения Дирака для произвольного сферического потенциала с учетом первой поправки по отношению массы налетающей частицы к ее энергии  $m/\varepsilon$  и по углу рассеяния  $\theta$ . Явные

выражения получены для квадрированной Функции Грина и из нее получены функция Грина и волновые функции уравнения Дирака. В конце первой главы показано, что для кулоновского поля, полученные волновые функции, переходят в главном квазиклассическом приближении в волновые функции Фарри-Зоммерфельда-Мауэ.

**Во второй главе** исследуется зарядовая асимметрия в тормозном излучении. Известно, что в главном квазиклассическом приближении сечение тормозного излучения не зависит от знака заряда налетающей частицы. Автором диссертации показано, что первая квазиклассическая поправка к дифференциальному сечению тормозного излучения нарушает зарядовую симметрию. Конкретные расчеты асимметричной поправки к сечению проведены для электрона и для мюона. Кроме этого вычислены поправки на отклонение потенциала от кулоновского. Показано, что для мюона важную роль играет поправка на конечный размер ядра.

**Третья глава** посвящена расчету дифференциального сечения тормозного излучения электрона с излучением двух фотонов. В отличие от предыдущих глав, здесь расчет проводился в ведущем квазиклассическом приближении. Интересный результат этой главы заключается в том, что фактор, зависящий от атомного потенциала одинаков для однофотонного и для  $n$ -фотонного сечения. Это дает возможность получить  $n$ -фотонное квазиклассическое сечение из расчета в борновском приближении.

**В четвертой главе** рассматривается процесс фоторождения электрон-позитронной пары в атомном поле с излучением дополнительного фотона. Расчеты проведены как в борновском приближении, так и с учетом следующей кулоновской поправки. Оказалось, что эта поправка не меняется при учете экранировки кулоновского поля ядра атомными электронами.

В последней **пятой главе** исследован вопрос о границах применимости квазиклассического приближения. С этой целью рассмотрено дифференциальное сечение упругого рассеяния электрона на атоме. Показано, что вклад второй квазиклассической поправки к этому сечению того же порядка малости, что и вклад малых угловых моментов, которые не описываются квазиклассическим приближением. Тем самым показано, что в рамках квазиклассического приближения имеет смысл учитывать только главный член и первую поправку к нему.

В **заключении** к диссертации сформулированы пять основных результатов автора диссертации. Эти результаты коррелируют с названиями предшествующих глав.

Диссертация П. А. Крачкова хорошо написана. Все результаты убедительно обосно-

ваны и подтверждены аккуратными расчетами с использованием современных методов, многое из которых разработаны группой А. И. Мильштейна, в том числе, и при участии автора диссертации. Несмотря на это, по диссертации можно сделать несколько замечаний.

1. Изложение часто носит достаточно формальный характер. Автор сразу переходит к описанию расчетов, лишь очень кратко остановившись на физических свойствах обсуждаемых процессов и на используемых приближениях. В некоторых местах не хватает даже формального определения используемых обозначений и понятий. Так, в параграфе 2.2 проводится расчет кулоновских поправок к тормозному излучению электронов, а определение этих поправок дано только в параграфе 2.3, где обсуждаются аналогичные эффекты для мюонов.
2. Некоторые нетривиальные результаты упомянуты без всяких обсуждений. Например, при расчете сечения тормозного излучения мюона в параграфе 2.3 сказано, что кулоновские поправки к борновскому сечению от двух областей интегрирования точно сокращают друг друга, тогда как для электронов этого не происходит. С чем связано такое полное сокращение разных вкладов остается не понятным.
3. В диссертации отдельно не приведен список работ автора. Вместо этого, они включены в общий список литературы. В тексте не всегда четко отделяются оригинальные результаты, от ранее известных. Это сильно затрудняет чтение.
4. На страницах 25, 39 и 52 повторяется один и тот же аргумент, согласно которому, ненулевой вклад в матричный элемент процесса дают только члены, содержащие четное число гамма матриц. При этом, во всех трех случаях оставляются два члена, один с  $\gamma^0$  и другой с  $\gamma^0\gamma^5$ . К тому же, в двух случаях из трех эти рассуждения сопровождаются ссылкой на несуществующую формулу (2.1), вместо формулы (2.27).

Сделанные замечания носят частный характер и не сказываются на общей высокой оценке работы. В целом диссертация П. А. Крачкова представляет собой за- конченное научное исследование, выполненное на актуальную тему и содержащее важные новые результаты в исследовании квантово-электродинамических процессов в сильных атомных полях. Все основные результаты работы хорошо обоснованы и достоверны.

Нет сомнений, что полученные автором результаты будут полезны при обработке прецизионных экспериментов по поиску новой физики на ускорителях и в исследовани- ях электромагнитных ливней в детекторах, а разработанные диссертантом подходы будут использованы в дальнейших теоретических исследованиях КЭД эффектов в

сильных полях в ИЯФ им. Г. И. Будкера, в СПбГУ, в ФТИ им. А. Ф. Иоффе, в ПИЯФ им. Б. П. Константина, в ИТЭФ им. А. И. Алиханова и в Институте спектроскопии РАН.

Материалы диссертации достаточно полно отражены в публикациях в ведущих международных журналах Physical Review A и Physics Letters B и известны специалистам. Они докладывались на многих научных семинарах и на международных конференциях. Автореферат соответствует содержанию диссертации.

**Диссертация удовлетворяет всем критериям**, установленным в «Положении о присуждении ученых степеней» по пунктам 9, 10, 11 и 14 и требованиям, предъявляемым ВАК к кандидатским диссертациям, а ее автор, П. А. Крачков, несомненно **заслуживает присуждения ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.04.02 - теоретическая физика.**

Официальный оппонент,  
ведущий научный сотрудник  
ФГБУ «ПИЯФ им. Б.П.Константина»  
НИЦ «Курчатовский институт»  
доктор физико-математических наук,  
Адрес: 188300, Ленинградская обл.,  
г.Гатчина, Орлова роща, ФГБУ «ПИЯФ»  
Телефон: 8-921-784-02-36  
E-mail: mihailgkozlov@gmail.com

Михаил Геннадьевич  
Козлов

30 ноября 2016 г.

Подпись М. Г. Козлова заверяю  
Ученый секретарь  
ФГБУ «ПИЯФ им. Б.П.Константина»  
НИЦ «Курчатовский институт»,  
кандидат физ.-мат. наук

С. И. Воробьев

Подпись руки Воробьев  
ЗАВЕРЯЮ  
Нач. отдела кадров С.И.Воробьев

